

## I. Le vecteur vitesse

**SAVOIR :** La valeur de la vitesse instantanée  $v_i$  d'un système dans la position  $M_i$  de la trajectoire, est assimilée à valeur de la vitesse moyenne de ce système entre deux positions très proches  $M_i$  et  $M_{i+1}$  :

$$v_i = \frac{M_i M_{i+1}}{\Delta t}$$

$\Delta t$  est la durée (très courte) du parcours entre  $M_i$  et  $M_{i+1}$ .

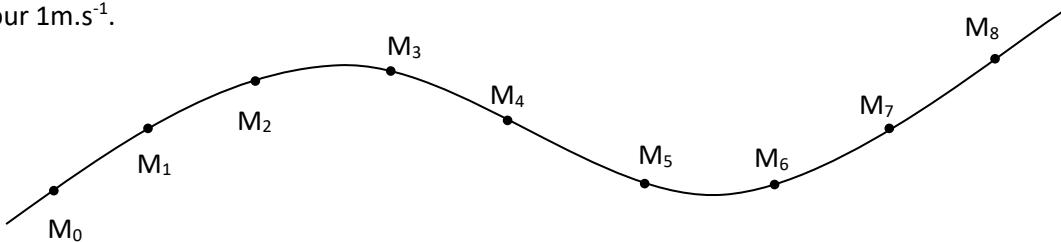
**Le vecteur vitesse  $\vec{v}_i$  au point  $M_i$  a pour caractéristiques :**

- **Direction** : tangente à la trajectoire (on pourra s'aider de la droite  $M_{i-1}M_{i+1}$  à laquelle elle doit être parallèle)
- **Sens** : celui du mouvement
- **Valeur** :  $v_i = \frac{M_i M_{i+1}}{\Delta t}$  en  $m.s^{-1}$

### SAVOIR-FAIRE :

**Exemple :** Représenter le vecteur vitesse au point  $M_5$  (L'écart de temps entre deux points est  $\Delta t = 0,010\text{s}$ ).

Echelle : 1cm pour  $1\text{m.s}^{-1}$ .



## II. Le vecteur variation de vitesse

**SAVOIR :** Le vecteur variation de vitesse  $\Delta\vec{v}_i$  d'un système en mouvement entre les positions  $M_i$  et  $M_{i+1}$  est défini par :

$$\Delta\vec{v}_i = \vec{v}_{i+1} - \vec{v}_i$$

### Point méthode :

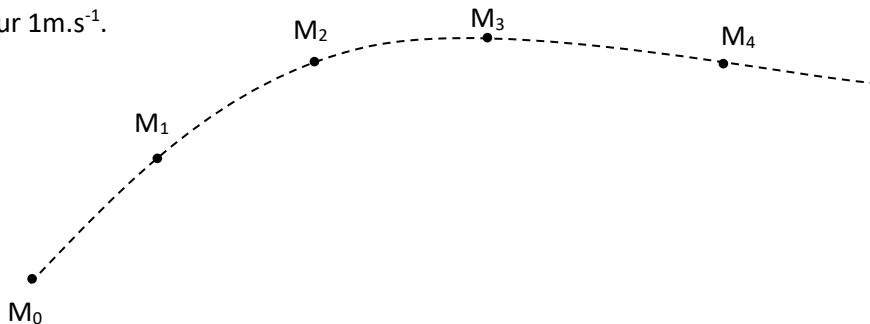
Pour représenter le vecteur variation de vitesse en  $M_i$ , il faut :

- Calculer les valeurs des vitesses  $v_{i+1}$  et  $v_i$  aux positions  $M_{i+1}$  et  $M_i$ .
- Tracer le vecteur  $\vec{v}_{i+1}$  au point  $M_{i+1}$ .
- Tracer le vecteur  $\vec{v}_i$  au point  $M_i$ .
- Construire le vecteur  $-\vec{v}_i$  au point  $M_i$ .
- Reporter  $\vec{v}_{i+1}$  à l'extrémité du vecteur  $-\vec{v}_i$ .

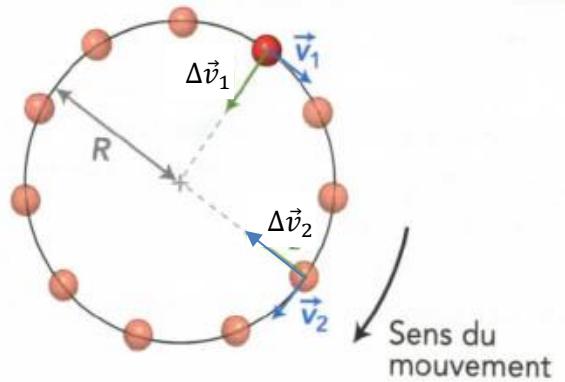
### SAVOIR-FAIRE :

**Exemple :** Représenter  $\Delta\vec{v}_2$  sur le schéma ci-dessous : L'intervalle de temps entre deux points est  $\Delta t = 0,010\text{s}$ .

Echelle : 1cm pour  $1\text{m.s}^{-1}$ .



**Remarque :** Dans un mouvement circulaire uniforme, la valeur de la vitesse reste la même, mais la direction du vecteur vitesse change car la trajectoire n'est pas rectiligne. Le vecteur variation de vitesse n'est donc pas nul et est dirigé vers le centre de la trajectoire.



### III. Relation entre forces et vecteur variation de vitesse

Dans un référentiel donné, si un système de masse  $m$  constante est soumis à une ou plusieurs forces constantes (extérieures au système), la somme vectorielle  $\sum \vec{F}_{ext}$  de ces forces est reliée au vecteur variation de vitesse, lors d'une durée très courte  $\Delta t$ , par la relation suivante :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \times \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

N m. s<sup>-1</sup>  
 S kg

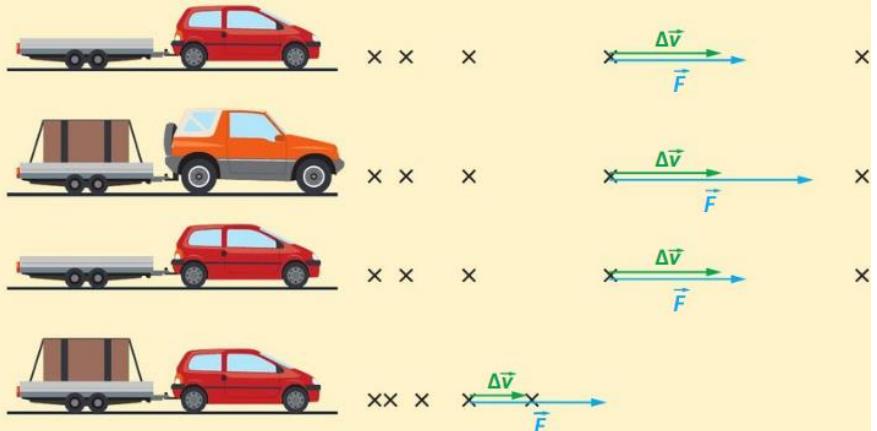
**Exemple :** lors du mouvement de chute libre d'une balle, celle-ci n'est soumise qu'à son propre poids  $\vec{P}$ .

$\sum \vec{F}_{ext} = \vec{P} = m \times \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$ . On en déduit que le vecteur variation de vitesse a même direction et même sens que le poids dans cette situation, c'est-à-dire la direction verticale et vers le bas comme sens.

### IV. Rôle de la masse du système

D'après la relation approchée précédente ( $\sum \vec{F} = m \times \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$ ), plus la masse du système est grande, plus il est difficile de modifier le mouvement du système (On dit que le système possède alors une grande inertie).

- Afin d'obtenir la **même variation de vitesse**  $\Delta\vec{v}$  pour deux systèmes de masses différentes, il faut exercer sur le système de plus grande masse une somme des forces  $\sum\vec{F}$  de plus **grande** valeur.
- Si on exerce la **même somme des forces**  $\sum\vec{F}$  sur deux systèmes de masses différentes, plus la masse du système est grande, plus la valeur de son vecteur variation de vitesse est **petite**.



REVISER AUTREMENT :

